



خواص ساختمانی شبکه های کرسطالی در حالت جامد

¹ پوهنیار عنایت الله صمیم عضو کادر علمی دیپارتمنت فزیک پوهنځی تعلیم و تربیه پوهنتون بغلان

structural properties in the solid state, of crystal lattices

Abstract

The world of crystals in science and engineering means the world of order and discipline of billions of material particles, which has been researched by science and technology scientists according to the arrangement of the particles that make up the crystalline material that determines the crystalline properties. The order and arrangement of the particles of a crystalline material strongly affects its properties. Based on research, all solids have crystalline properties. bcc crystal networks are not the same as fcc crystal networks. Properties of crystalline lattice in solid state is one of the important topics in physics, chemistry, geology and mineralogy. The purpose of this research is to identify the properties of crystalline networks in the solid state. In this research, a review-descriptive method has been used, which is based on content analysis. The research results showed that solids like iron have a bcc structure at room temperature up to 912 degrees Celsius, but when the temperature reaches 1400 degrees Celsius, its structure changes to fcc. Above 1400°C, it returns to the bcc structure again. Therefore, it can be concluded that the structure of metals is not the same, but it can be changed at different temperatures.

Key words: Atoms, Crystal materials, Crystal network, Properties of materials, Structure of crystals,

چکیده

دنیای کرسطال‌ها در علم ساینس و انجیری یعنی دنیای نظم و انضباط میلیاردها ذره مادی، که با توجه به نحوه ترتیب ذرات تشکیل دهنده ماده کرسطالی که خواص کرسطالی را تعیین می‌کند، مورد تحقیق دانشمندان ساینس و تکنولوژی قرار گرفته است. نظم و ترتیب ذرات یک ماده کرسطالی به شدت روی خواص آن تاثیر دارد. بر مبنای تحقیقات، تمام جامدات خواص کرسطالی دارند. شبکه‌های کرسطالی bcc با شبکه‌های کرسطالی fcc با هم یکسان نبوده است. خواص شبکه کرسطالی در حالت جامد یکی از موضوعات مهم در علوم فزیک، کیمیا، جیولوژی و معدن شناسی به شمار می‌رود. هدف از این تحقیق شناسایی خواص شبکه‌های کرسطالی در حالت جامد است. در این تحقیق روش مروری- توصیفی به کار رفته است که شیوه تجزیه و تحلیل داده‌ها بر اساس تحلیل محتوا می‌باشد. نتایج تحقیق نشان داد که جامدات مثل آهن در درجه حرارت اطاق الی ۹۱۲

¹ Email: e.samim1401@gmail.com



درجه سانتی‌گراد ساختمان bcc دارد، اما و وقتی که درجهء حرارت به ۱۴۰۰ درجه سانتی‌گراد می‌رسد، ساختمان آن به fcc تغییر شکل می‌دهد. بالاتر از ۱۴۰۰ درجه سانتی‌گراد دو باره به ساختمان bcc بر می‌گردد. بنابر این می‌توان نتیجه گرفت که ساختمان فلزات یکسان نبوده، بلکه در حرارت‌های مختلف تغییر پذیر می‌باشد.

واژه های کلیدی: اتوم‌ها، خواص مواد، ساختمان کرسیتال‌ها، شبکه کرسیتال، مواد کرستالی

۹. مقدمه

کرسیتال‌ها شاخه ای از علم منرالوژی است که با نحوه ترتیب اتوم‌ها و روابط میان آنها در جامدات بلوری متناسب با ساختمان هندسی اتوم‌ها سروکار دارند. این موضوع پر اهمیت است، زیرا به واسطه آن می‌توان به خواص و ویژه‌گی‌های مواد پی برد. به کمک علم کرسیتال‌شناسی می‌توان مدل‌های ساختمانی عناصر را درک کرد. هم‌چنین به کمک ساختمان اتوم‌ها بسیاری از خواص فیزیکی یا کیمیاوی مواد قابل توجه است. زمانی که مواد جامد طبقه‌بندی می‌شود، دو موضوع اهمیت بسیار بالایی دارد، روابط بین اتوم‌ها و آرایش اتوم‌ها در کنار هم قرار گرفته اند.

مواد از لحاظ ساختمانی به چهار بخش تقسیم شده است، که عبارت اند از ساختمان هسته‌یی، ساختمان الکترونی و اتومی، ساختمان کرستالی، ساختمان میتالوژیکی است، در کرسیتال‌شناسی بررسی نحوه ترتیب ذرات تشکیل دهنده تک کرسیتال می‌باشد و فواصل بین این ذرات در راستای مختلف به شدت روی خواص فیزیکی، کیمیاوی و میخانیکی مواد تاثیر می‌گذارد. ذرات در مواد کرستالی تک دانه کرسیتال نامیده می‌شود می‌تواند اتوم‌ها، مالیکول‌ها و یا آیون‌های تشکیل دهنده ماده باشد. هریک از دانه‌ها ^۱ یک کرسیتال می‌باشد. مرز بین دانه‌ها را مرزدانه ^۲ می‌نامند. دانه‌ها بر اثر رشد هسته‌های اولیه انجماد شکل می‌گیرند و به یک دیگر می‌رسند. ساحه کار برد این مواد در علوم معدن شناسی، انجیرری علم مواد، الکترونیک، فیزیک، کیمیا، بیولوژی و طبی می‌باشد (ناصری، ۱۳۹۲، صفحه ۱۶) این علم برای ما این موضوع را می‌فهماند که در بین مواد های جامد چقدر فضای خالی وجود دارد که سبب سبک بودن و وزن داشتن دو جسم را نسبت به یکدیگر نشان می‌دهد. هر عنصر کیمیاوی نظر به درجهء حرارت شان، دارای ساختمان‌های مختلفی هستند. که به اثر درجه حرارت ساختمانها از حالت bcc به حالت fcc تغییر شکل می‌دهند. مثلا: آهن در درجه حرارت اطاق الی ۹۱۲ درجه سانتی‌گراد ساختمان bcc دارد. اما و وقتی که درجهء حرارت به ۱۴۰۰ درجه سانتی‌گراد

¹- grain

²-grain boundary



می‌رسد، ساختمان مواد به fcc تغییر شکل می‌دهد. بالاتر از ۱۴۰۰ درجه سانتی‌گراد دو باره به ساختمان bcc بر می‌گردد. به طور کلی ساختمان‌های مواد می‌تواند در حوزه‌های زیر بحث شود. ساختمان یک ماده به نحوه ترتیب اجزای درونی آن مرتبط است. بسته به ابعاد سازنده یی درون ماده، می‌توان سطح مختلف ساختمان را برای هر ماده تعریف کرد که درین مقاله روی ساختمان کرستالی مواد بحث می‌کنیم، هنگامی که مواد از مایع یا بخار به جامد تغییر حالت می‌دهند تبدیل به دانه های ریز می‌شوند که از تجمع این دانه‌های ریز شکل ظاهری جامد به وجود می‌آید. دانه های آنها آنقدر کوچک است که نمی‌توان ترتیب هندسی منظمی برای ذرات تشکیل دهنده آن تعریف نمود، چنین موادی را مواد آمورف یابی شکل می‌نامند. در کرسنال شناسی بررسی نحوه ترتیب ذرات تشکیل دهنده یک‌دانه یاتک کرسنال می‌باشد. ترتیب ذرات در راستای مختلف به شدت روی خواص فزیکي، کیمیاوی و میخانیکي مواد تاثیر می‌گذارد. علم کرسنال شناسی در رشته‌های متفاوت علوم تجربی، مانند زمین شناسی، کیمیا، فزیک و بعضی رشته‌های فنی وانجینیری، مانند انجینیری مواد مورد بررسی و مطالعه قرار می‌گیرد (حسن. ۱۳۹۰، صفحه ۵۸).

اولین بار در سال ۱۹۱۲ م ماکس فون لاهه نشان داد که کرسنالها، اشعه ایکس را به شکل منظمی متفرق می‌کند. تفرق اشعه ایکس مشخص کرد که یک کریستال، شکل منظمی از اتومها یا مالیکول ها را در الگویی مرتب نشان می‌دهد. هم اکنون از روش تفرق اشعه ایکس جهت بررسی خواص کرسنالها از جمله میزان کرستالی بودن مواد، ساختمان کرستالی، اندازه کرسنالها و پارامترهای شبکه ای استفاده می‌شود.

در سال ۱۳۹۶ دکتر سیترا «اسماعیلی» در دانشگاه پیام نور کشور ایران چنین دریافت نمود که کرسنالها معمولاً از حالت‌های محلول مذاب و بخار مواد شکل می‌گیرند. در حالتها ذکر شده اتومهای نا منظم می‌باشند و با تغییر در جه حرارت فشار یا غلظت اتومها در ترتیب منظم به هم مربوط شده و قتی که محصله قوه‌های دافعه و جاذبه بین اتومها صفر شود، شکل کرستالی را می‌سازند.

داکتر رضا اسلامی «فارسانی» در دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی کشور ایران دریافت نمود که تراکم اتمی شبکه fcc از شبکه bcc بیش تر است. لذا شبکه fcc ۷۴ فیصد فضای پر دارد اما شبکه bcc ۶۸ فیصد فضا اش پر است. لذا فیصدی فضای خالی شبکه bcc از شبکه fcc بیشتر است. شناخت کرسنال که بخش از علوم تجربی می‌باشد که به بررسی صفات حالات، تغییرات و پدیده‌های مربوط به مواد و اجسام کرستالی می‌پر دازد. کرسنالها شامل ترکیبات معدنی و آلی



طبیعی یا مصنوعی بزرگ یا کوچک می‌باشند، از نقطه نظر کرسنالوگرافی میان آنها با هم تفاوتی و جود ندارد، زیرا به طور عموم باید گفت که ویژه‌گی کرسنال‌ها، خاصیت عادی در اجسام جامد محسوب می‌گردد، در حالیکه در گازها و مایعات اجزای اتومی، مالیکولی و آیونی بدون نظم و ترتیب خاصی فضای فی ما بین را پر می‌کنند.

۱۰. مواد و روش تحقیق

موضوع این مقاله شبکه‌های کرستالی در حالت جامد است، باید به روش‌های لابراتواری کار انجام میشد. اما متأسفانه به نسبت کمبود تجهیزات لابراتوار در کشور نیاز شده که به روش مروری و یا کتابخانه‌یی تحقیق صورت گرفته است.

۱۱. یافته‌های تحقیق

کرسنال‌ها شاخه‌ای از علم انجیرری مواد است که با نحوه ترتیب اتوم‌ها و روابط میان آنها در جامدهای بلوری متناسب با ساختمان هندسی اتوم‌ها سروکار دارد. با کمک علم کرسنال‌شناسی می‌توان مدل-های ساختمانی اتوم را درک کرد. هم‌چنین به کمک ساختمان اتوم‌ها بسیاری از خواص فیزیکی یا کیمیای مواد قابل توجه است. بنابر این ما شبکه‌های مکعبی^۱ را مورد مطالعه قرار می‌دهیم که در کنار هم دیگر قرار گرفته و تمام فضا را بدون کدام کمی و کاستی پر خواهد کرد. که (در حالت سه بعدی تعداد شبکه‌های براوه چهارده تا است. اما تعداد شبکه‌های غیربراهه خیلی بیشتر (۲۳۰ عدد)، ولی بازهم متناهی است. چهارده شبکه (گروه کرستالی) به هفت سیستم کرستالی طبقه بندی می‌شوند که هر کدام با شکل و تناظر سلول واحد مشخص است. این سیستم‌ها، سه میلی^۱، تک میلی^۲، راست گوشه^۳، چهارگوشه^۴، مکعبی^۵، شش گوشه^۶، و سه گوشه^۷ نامیده می‌شود. چهارده شبکه براوه و جدول (۱) سیستم‌ها، شبکه‌ها و مقادیر مناسب و کتورهای a ، b و c همین طور زوایای α ، β ، γ را نشان می‌دهد. هر عنصر کیمیای نظر به درجه حرارت شان، دارای ساختمان‌های مختلفی هستند که به اثر درجه حرارت ساختمان‌ها از حالت bcc به حالت fcc تغییر شکل می‌دهند. مثلاً آهن در درجه حرارت اطاق الی ۹۱۲ درجه سانتی‌گراد ساختمان bcc دارد. اما وقتی که درجه حرارت به

¹ Triclinic

² Monoclinic

³ Orthorhombic

⁴ Tetragonal

⁵ Cubic

⁶ Hexagonal

⁷ Trigonal



۱۴۰۰ درجه سانتی گراد می‌رسد، ساختمان مواد به fcc تغییر شکل می‌دهد. بالاتر از ۱۴۰۰ درجه سانتی گراد دوباره به ساختمان bcc بر می‌گردد.

۳-۱. کرسنالوگرافی هندسی مواد

کرسنال شناسی هندسی مواد، بخش از علوم در کره زمین می‌باشد، که در طول زمان از شکل سنتی خارج و به شکل امروزی درآمد است. در واقع این بخش از کرسنالوگرافی برپایه جواهرشناسی کار برد داشته و در آن به بررسی محور های کرسنال شناسی می پردازد.

یک کرسنال از مجموع اتم های تشکیل شده است که با نظم معین در تمام حجم کرسنالی توزیع شده است (هادی ، ندی، & صمد بین ، ۱۳۹۶).

امروز با پیشرفت کرسنالوگرافی هندسی، مسلم گردیده است که بخش عظیمی از مواد جامد تشکیل دهنده کره زمین بصورت معدن های بلوری در ترکیب آن شرکت دارد. (حفره های کرسنالی محل قرار گیری اتم های بین نشین در ساختمان ها هستند؛ وجود اختلاف اندازه حفره ها و اتم های شبکه باعث ایجاد پیچیده گی در شبکه شده و نظم اتمی تا حدی می تواند بهم بخورد. پر شدن حفره ها توسط اتم های بین نشین دارای مزایا و معایب است این فضا های خالی به علت کوچکی اندازه تنها می تواند توسط اتم های عناصر با شعاع اتمی کوچک اشغال شوند این عناصر عبارت از نیتروژن، اکسیجن، کاربن و هیدروژن است. برای مثال در ساختمان فولاد که متشکل از آهن و کاربن به عنوان عناصر اصلی هستند، محل قرار گیری اتم های کاربن در فضا های خالی شبکه آهن است.

۳-۲. خواص کیمیای کرسنال

خواص کیمیای کرسنال یکی از حالت های کرسنالوگرافی می باشد که اصول مطالعه ویژه گی های کیمیای موجود در کرسنال ها و استفاده از آن در توصیف ویژه گی های ساختمان رابطه ها در جامدات بلوری را مورد بررسی قرار می دهد.



۳-۳. خواص فیزیکی کرسنال

عبارت اند از خاصیت کشسانی، تراکم پذیری، انتقال حرارت و ویژه‌گی‌های مقناطیسی می‌باشد (فاضل & معین، تابستان ۱۳۹۲، صفحه ۲۰).

شبکه بلوری نظم بی نهایت از نقاط در فضا است که. یعنی همه نقاط شبکه از نظر هندسی هم ارزند. بنابر این هر شبکه تناظر انتقالی کاملی را نشان می‌دهد، به نحو که اگر نقطه از شبکه را به عنوان مبدا انتخاب کنیم، هر نقطه دیگر شبکه نسبت به آن مبدا دارای وکتور زیر است.

$$r_{123} = n_1 a + n_2 b + n_3 c \quad (1)$$

ضرایب n_1 عدد صحیحی هستند و وکتورهای a ، b و c واحدهای پایه تناظر انتقالی اند (ندا، ۱۳۹۹، صفحه ۳۵)

شبکه براوه: عبارت از شبکه است که آرایه دوره‌یی را که واحدهای تکرار شونده در آن نظم یافته اند، مشخص می‌کند. خود واحدها ممکن است تک اتوم ها، یا گروهی از اتوم ها، مولکول ها، یون ها و غیره می‌باشند ولی شبکه براوه بدون توجه به این‌که واحد های واقعی چه هستند، تنها هندسه ساختمان دوره ای زیر بنایی را خلاصه می‌کند. دو تعریف هم ارز برای یک شبکه براوه رایج می‌دهیم. الف: یک شبکه براوه نظمی است بی نهایت از نقاط مجزا بالترتیب و سمت‌گیری که از هرسو که به آنها نگریسته شود دقیقاً همانند باشند.

ب: یک شبکه براوه (سه بعدی) از مجموعه نقاطی تشکیل شده است که دارای وکتور مکان R باشند.

$$R_{123} = n_1 a_1 + n_2 a_2 + n_3 a_3 \quad (2)$$

که در آن a_1 ، a_2 و a_3 سه وکتور اند که با هم در یک صفحه نیستند و n_1 ، n_2 و n_3 اعداد صحیح اند. بنابر این یا n_1 گام به طول a_1 در جهت ۱، ۲، ۳. $(a_i=1, 2, 3)$ به نقطه $\sum n_i a_i$ می‌رسیم. وکتورهای a_i ای که در تعریف (ب) شبکه براوه ظاهر شده اند وکتورهای بسیط نام دارد، شبکه را تولید کرده یا می‌پیماید. هر نظمی که (ب) را ارضاع کند در (الف) نیز صدق می‌کند، استدلال این که هر نظمی ای که در تعریف (الف) صدق کند، می‌تواند توسط یک مجموعه سه تایی وکتور به وجود آید؟ چون بدیهی نیست. اثبات شامل دستور صریح برای ساختن سه وکتور بسیط می‌شود.



۳-۴. انواع اصلی شبکه

براهو (Bravais) در سال (۱۸۴۸) میلادی اثبات کرد که از حرکت یا انتقال یک نقطه به طور پیاپی در سه بعد، در صورتی که دو شرط برقرار باشد، فقط چهارده شکل فضایی ممکن است ساخته شود. شبکه های کرستالی با انتقال ها شبکه یی T و عملگرهای تناظری گوناگون دیگر به شکل اول شان تبدیل می شود. یک عملگر تناظری نوعی دوران به حول محوری است که از یک نقطه شبکه می گذرد. شبکه هایی وجود دارند که در آنها محور های تناظر یگانه، دوگانه، سه گانه، چهارگانه، و شش گانه، شبکه را به شکل اول شان بر می گردانند. این محور ها به دوران های $2\pi/6$ ، $2\pi/4$ ، $2\pi/3$ ، $2\pi/2$ ، 2π را دیان و ضرایب صحیح این دوران ها مربوط اند. این محور های دو ران با علامه های ۱، ۲، ۳، ۴ و ۶ نشان داده می شوند، شبکه ای را نمی توان پیدا کرده که تحت دورا نهایی دیگر مثل $2\pi/7$ ، را دیان $2\pi/5$ را دیان، به شکل اول خود برگردد، یک مالیکول را می توان طوری طرح ریزی کرد که دارای هرگونه تناظر دو رانی دلخواه باشد، ولی یک شبکه دوره ای بی نهایت را نمی توان به این گونه طرح ریزی کرده. می توان از مالیکول های که هر یک محور دوران پنج گانه دارند، کرستالی ساخت، اما نباید انتظار داشت که این شبکه محور دوران پنج گانه داشته باشد. اگر بخواهیم شبکه دوره ای با تناظر پنج گانه یا هفت گانه بسازیم، چه اتفاقی می افتد؟ بناً پنج ضلعی ها و هفت ضلعی ها کاملاً مجاور یکدیگر قرار نگرفته و تمام فضا را پر نمی کنند، این امر نشان میدهد که نمی تواند تناظر نقطه یی پنج گانه را و هفت گانه را با دوره ای بدون انتقالی مورد نیاز ترتیب کرد. (قربانی & عرب شاهی، ۱۳۹۰، صفحه ۴۵).

بنابراین ما شبکه های مکعبی یی را مورد مطالعه قرار می دهیم که در کنار هم دیگر قرار گرفته و تمام فضا را بدون کدام کمی و کاستی پر خواهد کرد. که (در حالت سه بعدی تعداد شبکه های براوه چهارده تا است. اما تعداد شبکه های غیر براوه خیلی بیشتر (۲۳۰ عدد)، ولی باز هم متناهی است. چهارده شبکه (گروه کرستالی) به هفت سیستم کرستالی طبقه بندی می شوند که هر کدام به شکل و تناظر سلول واحد مشخص شده است.

جدول (۱): سیستم ها، شبکه ها و مقادیر مناسب چهارده شبکه بی براوه را نشان داده و وکتور های a ، b و c همین جدول (۱): سیستم ها، شبکه ها و مقادیر مناسب چهارده شبکه بی براوه را نشان داده و وکتور های a ، b و c همین طور زوایای α ، β ، γ را نشان می دهد.

شبکه براوه	پارامترها	ساده	مرکز پر	قاعده پر	وجوه پر
تری کلینیک	$a_1 \neq a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} \neq \alpha_{23} \neq \alpha_{31}$				
مونوکلینیک	$a_1 \neq a_2 \neq a_3$ $\alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$ $\alpha_{12} \neq 90^\circ$				
اورتورومبیک	$a_1 \neq a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				
چهارضلعی	$a_1 = a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				
مثلثی	$a_1 = a_2 = a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} < 120^\circ$				
مربعی	$a_1 = a_2 = a_3$ $\alpha_{12} = \alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				
شش ضلعی	$a_1 = a_2 \neq a_3$ $\alpha_{12} = 120^\circ$ $\alpha_{23} = \alpha_{31} = 90^\circ$				

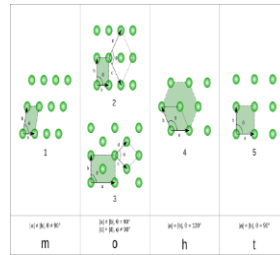
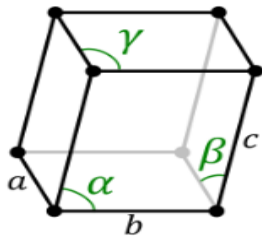
شبکه کرسطالی خطی (یک بعدی): مجموعه نقاطی که در یک راستا مانند شکل (۱) قرار گرفته اند یک شبکه خطی را تشکیل می دهند. فاصله هر دو نقطه از یکدیگر را a یا متر شبکه می نامند و با حرف a نمایش می دهند. سایر نقاط همواره مضرب صحیح از پارامتر شبکه می باشند، انتقال از یک نقطه به نقطه دیگر شبکه را انتقال شبکه می نامند.



شکل (۱): نحوه قرار گرفتن اتم ها در کنار یکدیگر در یک شبکه کرسطالی یک بعدی

شبکه های دو بعدی: با بررسی مواد در حالت دو بعدی (۵) نوع شبکه براوه قابل تعریف است شکل (۲ الف). قسمتی از یک شبکه براوه دو بعدی را نشان می دهد. روشن است که تعریف (الف) برآورده شده و وکتورهای بسیط a_1 و a_2 مورد نیاز برای تعریف (ب) در شکل نشان داده شده اند. شکل (۲ ب) یکی از آشنا ترین شبکه های سه بعدی براوه یعنی مکعبی ساده را نشان می دهد این نمونه ساختمان ویژه اش را مدیون این حقیقت است که می توان آنرا با سه وکتور بسیط دو به دو عمود برهم با طول مساوی تولید کرد. شبکه عام دو بعدی براوه فاقد تناظر خاص یعنی شبکه مایل وکتورهای بسیط a_1

و a_2 نشان داده شده است. همه نقاط شبکه ترکیب خطی این وکتور به ضرایب صحیح می باشند
شکل (۲ ب) شبکه براوه سه بعدی مکعبی ساده سه وکتور را می توان عمود
 $P=a_1+2a_2$ $Q=-a_1+a_2$ برهم و با مقدار مساوی گرفت. مهم است که نه تنها ترتیب بلکه سمت گیری نیز از هر نقطه در یک
شبکه براوه یکسان به نظر می رسد (خانلری، ۱۴۰۰، صفحه ۸۱).

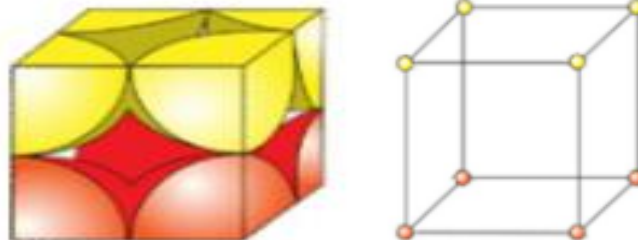


شکل (۲ ب) نمایش شبکه کرستالی سه بعدی

شکل (۲ الف) شبکه های کرستالی دو بعدی

1-4-3. شبکه مکعبی ساده Simple Cubic

این شبکه ساده ترین ساختمان کرستالی را نمایش می دهد. که می توان در فضای وکتوری سه بعدی
روی آن بحث کرد. در سلول واحد مکعبی ساده یک فلز، یک اتم در هر یک از هشت گوشه مطابق
شکل (۳) قرار دارد که در آنجا با هشت مکعب مجاور مشترک می شود. در نتیجه فقط $1 \times 1/8$ از
هر اتم گوشه ای به یک واحد مکعبی مشخص تعلق دارد. این سلول واحد مکعبی ساده بالترتیب
منظم ردیف ها و طبقات، سلول واحد تکرار شونده در شبکه مکعبی ساده است. فقط پولونیوم غیر فلز
است که اینگونه ساختمان را دارد. از اینرو بحث بر این ساختمان صرفاً جنبه نظری و تیوریک دارد.
فرض می کنیم یک سلول واحد که پارامتر شبکه آن a است در شبکه معکوس تعریف شود. در آن
صورت پارامتر شبکه آن $2\pi/a$ خواهد شد (نوبین، ۱۳۹۰، ص ۸۳).



شکل (۳): یک شبکه مکعبی ساده با هشت اتم مشترک

سه شبکه مهمه که بیشتر ساختمان های کرسطالی دارند عبارت اند از :

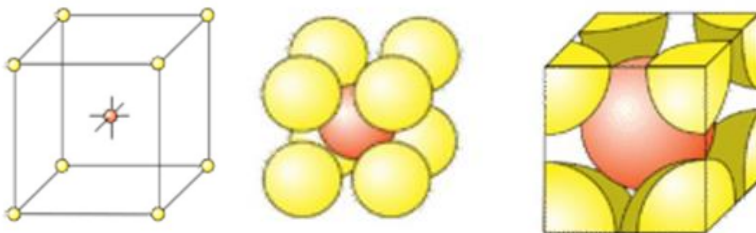
شبکه مکعبی مرکز دار body centered cubic

شبکه مکعبی سطح مرکزدار Face Centered Cubic

شبکه شش گوشه شش گوشه hexagonal closed packed

۱ - شبکه مکعبی مرکزدار (bcc): با اضافه کردن یک نقطه اضافی به مرکز هر شبکه مکعبی ساده که وجوه آنرا A می نامیم تشکیل می شود. هشت اتوم در گوشه یی جمع یک اتوم دیگر در مرکز مکعب قرار دارد. این سلول واحد مکعبی مرکز پر با طبقات انتقال یافته و کمی فاصله در بین ساچمه های یک طبقه واحد تکرار شونده در شبکه مکعبی مرکز پر است. عناصر خالصی که این شبکه را تشکیل می دهند عبارت اند از کروم، باریوم، و ا نادیوم، و تانتالیوم، مکعبی مرکزدار هستند. این شبکه در درجه حرارت ۹۱۲ درجه سانتی گراد تشکیل می شود. در این جا اتوم های مستقر در هر گوشه مکعب با هشت سلول واحد مجاور خود مشترک هستند، سهم هر سلول واحد از هر اتوم گوشه معادل $\frac{1}{8}$ می باشد لذا با توجه به اینکه ۸ اتوم در گوشه ها قرار دارند بنابر این سهم شبکه bcc از اتوم های گوشه برابر یک اتوم می باشد. ($8 \times \frac{1}{8} = 1$). اتوم واقع در مرکز مکعب تنها به این سلول واحد تعلق دارد. مطابق شکل (۴) اتوم قهوه یی رنگ) بدین ترتیب در فضای سلول واحد bcc معادل دو اتوم قرار دارند و بقیه، فضای خالی بین اتوم ها است. پس حجم اشغال شده در شبکه کرسطالی معادل ۶۸ فیصد فضای سلول واحد است که طور ذیل محاسبه می گردد (ندا، ۱۳۹۹، صفحه ۲۳۹).

$$(8 \times \frac{1}{8}) + 1 = 2$$



شکل (۴): شبکه مکعبی مرکز پر

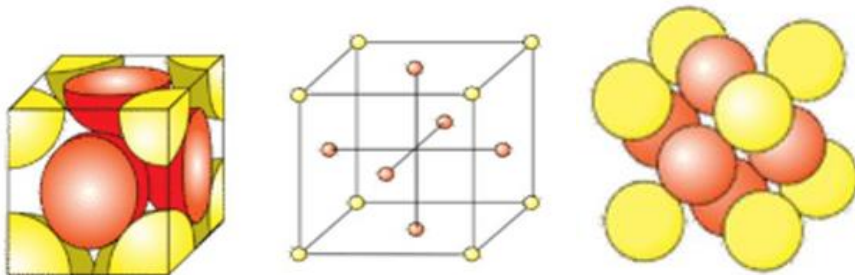
۲- شبکه مکعبی سطوح مرکز دار (fcc): برای ساختن شبکه براوه مرکز سطحی به مرکز هر وجه مربعی شبکه مکعبی یک نقطه دیگر اضافه کنید. برای ساده گی توصیف فکر کنید هر مکعب در شبکه مکعبی ساده، وجوه بالایی و پایینی و چهار وجه جانبی عمودی در جهت های شمال، جنوب، شرق و غرب داشته باشد. این مکعب هشت اتوم در هر گوشه داشته و یک اتوم اضافی در هر یک از وجوه شش

گانه است که بین دو مکعب مجاور مشترک هستند. بنابراین $1/2$ هریک از اتوم‌های واقع در جدار به سلول واحد مورد نظر تعلق دارد و شبکه کرسطالی عناصر مانند طلا، نقره، مس، پلاتین، آلومینیم و سرب مکعبی سطوح مرکزدار اند. همه به صورت ساختمان fcc بلوری می‌شوند. شکل (۵) سلول‌های واحد شامل چهار اتوم است، از هشت اتوم که در روعس مکعب قرار دارند و با سلول‌های دیگر مشترک اند، یک اتوم و از شش اتوم ی که در وجه سلول‌های دیگر مشترک اند، سه اتوم، متعلق به این سلولی واحد اند. تعداد فضا‌های بین نشین ساختمان bcc از fcc بیشتر می باشد. به علت کوچکتر بودن فضای بین اتوم‌ها که از اندازه شعاع کوچک ترین اتوم‌های موجود، نتیجه می‌شود که با بین نشین شدن یک اتوم سایر فضاها به دلیل ایجاد انحنای در ساختمان ناشی از وجود اتوم بین نشین کوچکتر هم می‌شوند. در نتیجه تعداد اتوم‌های که توا نایی بین نشین شدن دارند به شدت کاهش می‌آید. بنابر این حجم اشغال شده در شبکه کرسطالی fcc معادل ۷۴ فیصد فضای سلول واحد است.

$$\left(8 \times \frac{1}{8}\right) + \left(6 \times \frac{1}{2}\right) = 4$$

نتیجه می‌شود که در ساختمان fcc اشغال شده هر سلول واحد در مجموع معادل چهار اتوم کامل است و بقیه فضای موجود، فضای خالی بین اتوم‌ها است (علی عمر مترجم نییونی، ۱۳۹۰، صفحه

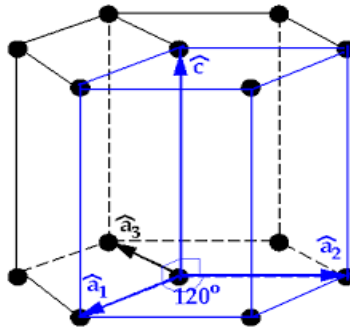
(۲۱)



شکل (۵): شبکه مکعبی سطوح مرکز پر

۳- شبکه هگزاگونال hexagonal closed packed: اگرچه ساختمان این شبکه شش گوشه‌ای (hcp) یک شبکه براوه نیست، اما همراه با شبکه‌های براوه مکعبی مرکز حجمی و مکعبی مرکز سطحی از جایگاه مهمی برخوردار است، حدود (۳۰) عنصر به شکل بسته بندی نزدیک شش گوشه کرسطالی می‌شوند. قرار شکل (۶). ساختمانی است که سلول واحد آن یک منشور شش و جهی فشرده (متراکم) می‌باشد که برگرفته شده از شبکه هگزاگونال ساده است که در صفحه موازی با قاعده و در فاصله $\frac{c}{2}$ از قاعده (صفحات 0 0 1) سه نقطه شبکه قرار دارد. محل قرار گرفتن نقاط روی صفحه

طوری است که تصویر آنها در فضای خالی نقاط شبکه قاعده واقع می‌شود که در شکل ذیل نشان داده شده است. این شبکه از عناصر که در جدول (۲) نامگذاری جهات و صفحات کرسطالی شبکه های hcp مانند سایر شبکه های کرسطالی می‌باشد و محور های کرسطالی a_1 ، a_2 و c اختیار می‌شود. ولی گاهی اوقات برای بعضی از صفحات و جهات کریستالی استفاده سیستم مختصات چهار محور نسبت به سیستم مختصات سه محوری در شبکه های hcp ساده تر می‌باشد. همان طور که در شکل ذیل نشان داده شده است عموماً مبدا مختصات در مرکز قاعده و محور های a_1 ، a_2 ، a_3 که با یکدیگر زاویه (120°) درجه می‌سازند در صفحه قاعده منشور شش وجهی منظم قرار دارند و محور c عمود بر صفحه قاعده می‌باشد.



شکل (۶): نمایش شبکه h c p و دستگاه مختصات چهارمحوری a_1 ، a_2 ، a_3 و c (ناصری، ۱۳۹۲، صفحه ۴۸)

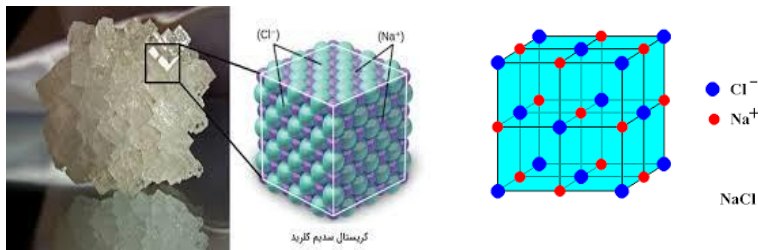
اگرچه ساختمان شبکه شش گوشه که به بسیار نزدیک بهم بسته بندی شده است یک شبکه براوه نیست، اما همراه با شبکه های براوه مکعبی مرکز حجمی و مکعبی مرکز سطحی از جایگاهی مهمی برخوردار است (خانلری، ۱۴۰۰، صفحه ۹۳).

جدول (۲): عناصر با ساختمان کرسطالی شش گوشي با بسته بندي نزديک

ELEMENT	a (Å)	c	c/a	ELEMENT	a (Å)	c	c/a
Be	2.29	3.58	1.56	Os	2.74	4.32	1.58
Cd	2.98	5.62	1.89	Pr	3.67	5.92	1.61
Ce	3.65	5.96	1.63	Re	2.76	4.46	1.62
α -Co	2.51	4.07	1.62	Ru	2.70	4.28	1.59
Dy	3.59	5.65	1.57	Sc	3.31	5.27	1.59
Er	3.56	5.59	1.57	Tb	3.60	5.69	1.58
Gd	3.64	5.78	1.59	Ti	2.95	4.69	1.59
He (2 K)	3.57	5.83	1.63	Tl	3.46	5.53	1.60
Hf	3.20	5.06	1.58	Tm	3.54	5.55	1.57
Ho	3.58	5.62	1.57	Y	3.65	5.73	1.57
La	3.75	6.07	1.62	Zn	2.66	4.95	1.86
Lu	3.50	5.55	1.59	Zr	3.23	5.15	1.59
Mg	3.21	5.21	1.62		—	—	
Nd	3.66	5.90	1.61	"Ideal"			1.63

۳-۵. ساختمان سوډيم کلوراید

این ساختمان نمک خوراکی معمولی NaCl است، که ساختمان مکعبی داشته و همان طوریکه در شکل (۷) نشان داده شده است در امتداد سه جهت اصلی (محورها) متناوباً با اتم های Na و Cl قرار گرفته اند. در سه بعد، سلول واحد مانند شکل (۷ب) به طور خلاصه می‌گویم که NaCl یک ساختمان غیر براوه است که از ترکیب دو زیر شبکه بی fcc که در هم فرو رفته اند ایجاد شده یکی از این زیر شبکه ها از اتم های Na و Cl تشکیل شده است که یکی نسبت به دیگری به اندازه $\frac{1}{2}a$ انتقال یافته است (علی عمر مترجم نیبونی، ۱۳۹۰، صفحه ۲۳).



شکل (۱۷الف): ساختمان سوډيم کلوراید و (ب) شکل سه بعدی سوډيم کلوراید

۳-۶. ساختمان الماس

شبکه الماس (متشکل از اتم‌های کاربن در کرسطال الماس) که از دو شبکه براوه مکعبی مرکز سطحی ساخته شده که در هم نفوذ کرده و در راستای قطر اصلی سلول مکعبی، به اندازه یک چهارم طول قطر، انتقال شده اند. دلیل اصلی سخت بودن الماس رابطه اتمی آن است که دو به دو به هم قفل شده اند. می‌توان آن را به صورت یک شبکه مکعبی مرکز سطحی با پایه دو نقطه ای در (0) و $(x+y+z)$

$\frac{a}{4}$ درنظر گرفت. نزدیکترین همسایه گان است یعنی با چهار اتم همسایه است شبکه الماس یک شبکه براوه نیست، زیرا سمت گیری محیط اطراف هر نقطه با محیط اطراف نزدیکترین همسایه گان آن فرق می کند شکل (۸) سلول مکعبی قراردادی شبکه الماسی. برای وضوح بیشتر، نقاط مربوط به یکی از دو شبکه مکعبی مرکز سطحی درهم فرورفته توخالی نشان داده شده اند. و نقاط توخالی بانوع دیگر) رابطه بین نزدیکترین همسایه ها رسم شده است. چهار نزدیکترین همسایه رءوس یک چهار وجهی منظم را تشکیل می دهند (خانلری، ۱۴۰۰، صفحه ۹۲).



شکل (۸): سلول مکعبی قراردادی شبکه الماسی

۱۲. نتیجه گیری

کرسنال شناسی هندسی مواد بخش از علوم زمین شناسی می باشد که درطول زمان از شکل سنتی آن خارج و به شکل امروزی در آمده، در واقع این بخش از کرسنالوگرا فی در گذشته بر پایه گوهرشناسی که در جواهر شناسی کاربرد داشته و در آن به بررسی محور های کرسنال شناسی می پرداخته است. خواص کیمیاوی کرسنال به بررسی نحوه ترتیب ذرات تشکیل دهنده کرسنال می پردازد. ترتیب ذرات تشکیل دهنده دانه ها و فواصل بین این ذرات در راستای مختلف به شدت روی خواص فزیک، کیمیاوی و میخانیک مواد تاثیر می گذارد. این ذرات تشکیل دهنده هریک از دانه ها که در مواد کرسنالی یک یکدانه کرسنال نامیده می شود مهم ترین وجه تمایز انواع جامدات آن است که برخی کرسنالی و برخی بی شکل اند. جامدات کرسنالی جامدات هستند که اتم ها، آیونها، یا مالیکولهای آنها ترتیب منظم و گسترده یی دارند. این نظم در سطح اتمی نیز دیده می شوند، پس مجموعه ای از نقاط ریاضی که به هر پایه وابسته است، شبکه نامیده می شود. شبکه ها به انواع و اقسام مختلف ترتیب گردیده است که مشهورترین آنها عبارت اند شبکه یک بعدی، شبکه دو بعدی، سه بعدی یا مکعب می باشد. تعداد شبکه غیر برآوه به (۲۳۰ عدد)، میرسد ولی بازهم متناهی است. اما شبکه های برآوه چهارده شبکه بوده که به هفت سیستم کرسنالی طبقه بندی می شوند که هر کدام باشکل و تناظر



سلول واحد مشخص می شود. این سیستم ها، سه میلی، تک میلی راست گوشه، سه گوشه چهار گوشه، مکعبی شش گوشه می باشد. چهارده شبکه یی براوه سیستم ها، شبکه ها و مقادیر مناسب و کتورهای a ، b و c همین طور زوایای α ، β ، γ را نشان می دهد که عبارت اند از شبکه مکعبی ساده sc، شبکه مکعبی مرکزدار bcc، شبکه مکعبی وجه مرکزدار fcc و شبکه هگزگونال hcp تقسیم گردیده است. هریک از این شبکه ها در حرارت مختلف ساختمان های مختلف دارند. مثلا آهن از درجه حرارت (۳۰-۹۱۲) درجه سانتی گراد ساختمان bcc دارد و (۱۴۰۰-۹۱۲) درجه سانتی گراد به شبکه fcc تبدیل می شود و قتی که حرارت بالاتر از ۱۴۰۰ درجه سانتی گراد می رسد دوباره به ساختمان bcc بر می گردد. پس باید گفت که هرگاه نظم و ترتیب ذرات در فواصل مختلف جهت ایجاد یک ماده نتیجه مرکبات شود این مرکبات آلی، مرکبات معدنی و حتی مصنوعی خواهد بود که از آن انسان ها در زنده گی روز مره خویش استفاده می نمایند.

فهرست منابع

۱. اسلامی فارسانی، ر. (۱۳۹۲). کرسنالوگرافی.
۲. تنهایی، ا. (۱۳۹۶). حل مسایل فیزیک حالت جامد پیشرفته . چاپ پنجم.
۳. حسن، ب. ب. (۱۳۹۰). بلور شناسی و سیستم های تبلوری .مجمع آموزشی عالی پیامبر اعظم (ص).
۴. خانلری، د. م. (۱۴۰۰). فزیک ماده چگال. تهران: دانشگاه تهران.
۵. رودن ام ان / ویلسون وجی، م. (۱۳۸۱). فیزیک حالت جامد. چاپ اول.
۶. علی عمرترجم نیبونی، غ. (۱۳۹۰). فیزیک حالت جامد. اراک، ایران: دانشگاه اراک.
۷. فاضل، م. & معین، س. م. (۱۳۹۲). بلورشناسی نوری. مشهد، ایران: انتشارات سخن گستر باهمکاری معاونت پژوهشی دانشگاه آزاد اسلامی واحد مشهد.
۸. قربانی، ر. & عرب شاهی، ه. (۱۳۹۰). فیزیک ماده چگال. تهران، ایران: دانش نگار.
۹. کیتل، ج. ترجمه قربانی، ش & عرب شاهی، ه. (۱۳۹۰: ۱۵). مقدمه ای بر فیزیک حالت جامد و پیرایش هشتم. تهران: دانش نگار.
۱۰. مایرز، ا. ترجمه تجبر، د.، علی نژاد، د. & بیزدی، ش. چاپ اول ۱۳۸۷. (مبانی فیزیک حالت جامد. مشهد، ایران: دانشگاه فردوسی مشهد.
۱۱. ناصری، م. ر. (۱۳۹۲). بلورشناسی. مشهد: انتشارات سخن گستر و معاونت پژوهشی دانشگاه آزاد اسلامی.
۱۲. ندا، م. (۱۳۹۹). کیمیا غیرعضوی. کابل: انتشارات نویسا.